

Dilatação Térmica

Quando um corpo recebe energia a sua temperatura se eleva. Com a temperatura elevada o grau de agitação entre as moléculas também aumenta. Esse aumento faz com que as moléculas se afastem provocando a dilatação térmica do sólido.

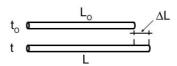
Dilatação Linear

A dilatação linear é considerada apenas em uma dimensão. É a dilatação de uma barra metálica, por exemplo. A dilatação é diretamente proporcional ao comprimento inicial da barra, a variação de temperatura, mas também depende da natureza do material que é feita a barra metálica.

$$\Delta L = L_o \cdot \alpha \cdot \Delta t$$

$$L = L_o (1 + \alpha \Delta t)$$

$$\alpha = \frac{\Delta L}{L_o \Delta t}$$



ΔL = variação de comprimento L = comprimento final da barra L_O = comprimento inicial α = coeficiente de dilatação linear Δt = variação de temperatura

Dilatação Superficial

Considerada em duas dimensões e calculada sobre uma superfície. A dilatação superficial é também proporcional a variação de temperatura, é proporcional a superfície inicial e depende da natureza do material que de que é feita a superfície.

$$\Delta S = S_o \cdot \beta \cdot \Delta t$$

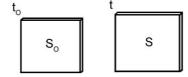
$$S = S_o (1 + \beta \Delta t)$$

$$\beta = 2\alpha$$

ΔS = variação da superfície S = superfície final S_O = superfície inicial

 β = coeficiente de dilatação superficial

Δt = variação de temperatura



Dilatação volumétrica

A dilatação volumétrica é analisada em três dimensões, ou seja, no volume do sólido. É proporcional a variação de temperatura, ao volume inicial e a natureza da substância que é feito o sólido.

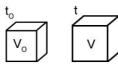
$$\Delta V = V_O \cdot \gamma \cdot \Delta t$$
$$V = V_O (1 + \gamma \Delta t)$$
$$\gamma = 3\alpha$$

ΔV = variação do volume V = volume final

V_O = volume inicial

γ = coeficiente de dilatação volumétrica

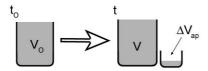
Δt = variação de temperatura





Dilatação dos líquidos

A dilatação de um líquido obedece a mesma relação de uma dilatação de um sólido (dilatação volumétrica). No entanto é necessário considerar que um líquido para ser aquecido é necessário se encontrar dentro de um frasco. Este frasco também é aquecido quando o líquido recebe energia térmica, ocasionando um aumento de volume (dilatação) tanto no líquido como no frasco. Considere um frasco totalmente cheio de um líquido. Quando o líquido é aquecido, uma parte transborda do frasco. Você poderia imaginar que a parte transbordada é a dilatação do líquido, mas o frasco também aumentou a sua capacidade. Por tanto essa dilatação aparentemente é a dilatação do líquido, por isso é chamada de dilatação aparente. A dilatação real do líquido é dada pela soma da dilatação aparente com a do frasco.



$$\Delta V_{L} = \Delta V_{ap} + \Delta V_{F}$$

$$V_{O} \gamma_{L} \Delta t = V_{O} \gamma_{ap} \Delta t + V_{O} \gamma_{F} \Delta t$$

$$\gamma_{L} = \gamma_{ap} + \gamma_{F}$$

V_O = volume inicial

γ_L = coeficiente de dilatação real do líquido

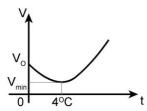
γ_{ap} = coeficiente de dilatação aparente do líquido

γ_F = coeficiente de dilatação do frasco

Δt = variação de temperatura

Dilatação anômala da água

Ao contrário de um sólido comum que se dilata quando é aquecido, a água se contrai ao se aquecer de 0°C a 4ºC. Após 4ºC a água dilata-se normalmente. O gráfico da dilatação da água e representado na figura abaixo.



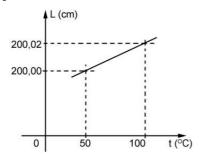
Um sólido possui uma estrutura molecular cristalina (ou rede cristalina), onde as moléculas ficam vibrando em torno de um ponto fixo. Quando essa vibração se torna maior, as moléculas se afastam, aumentando o volume do corpo. As moléculas da água, no estado sólido, também se estruturam em uma rede cristalina, no entanto é portadora de buracos. Quando aquecidas, as moléculas vão preencher esses vazios, se aproximando, diminuindo o volume.

Exercícios

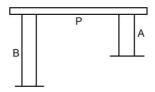
- **01.** O comprimento de uma barra é de 30,000 cm a 0°C. (o coeficiente de dilatação do material é 25 x 10⁻⁶ °C⁻¹.)
- a) Qual será o aumento de comprimento ocorrido quando a temperatura se eleva para 100 °C?
- b) Qual é o comprimento final da barra?
- **Q2.** Uma trena de aço com 3,000 m é aferida na temperatura de 20 °C. Qual será seu comprimento quando utilizada a 40 °C? (Dado: $\alpha_{aco} = 12 \times 10^{-6} \text{ °C}^{-1}$.)
- **03.** Uma escala metálica a 20 °C indica L = 449,93 mm. Na temperatura de 30 °C indicou 450,00 mm. Qual é o coeficiente de dilatação linear do material de que é feita a escala graduada?



04. O gráfico representa a variação do comprimento de uma barra em função da temperatura. Determine o coeficiente de dilatação linear da barra.



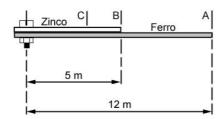
- **05.** Uma barra apresenta a 10 °C comprimento de 90 m, sendo feita de um material cujo coeficiente de dilatação linear médio vale 19 x 10⁻⁶ °C⁻¹. A barra é aquecida até 20 °C. Determine:
- a) a dilatação ocorrido
- b) o comprimento final da barra
- **06.** Uma barra de ouro tem a 0 °C o comprimento de 100 cm. Determine o comprimento da barra quando sua temperatura passa a ser 50 °C. O coeficiente de dilatação linear médio do ouro para o intervalo de temperatura considerado vale 15 x 10⁻⁶ °C⁻¹.
- **07.** Com o auxílio de uma barra de ferro quer-se determinar a temperatura de um forno. Para tal, a barra, inicialmente a 20 °C, é introduzida no forno. Verifica-se que, após o equilíbrio térmico, o alongamento da barra é um centésimo do comprimento inicial. Sendo 12 x 10 ⁻⁶ °C⁻¹ o coeficiente de dilatação linear médio do ferro, determine a temperatura do forno.
- **08.** (UFBA) Duas lâminas, uma de aço e outra de bronze, têm comprimentos de 20 cm a uma temperatura de 15 °C. Sabendo que os coeficientes de dilatação linear valem, respectivamente, 12×10^{-6} °C⁻¹ e 18 x 10^{-6} °C⁻¹, calcule a diferença de comprimento quando as lâminas atingem uma temperatura de -5 °C.
- **09.** Na figura dada, a plataforma P é horizontal por estar apoiada nas colunas A (de alumínio) e B (de ferro). O desnível entre os apoios é de 30 cm. Calcule quais devem ser os comprimentos das barras a 0 °C para que a plataforma P permaneça horizontal em qualquer temperatura. (São dados os coeficientes de dilatação linear: alumínio = 2.4×10^{-5} °C⁻¹; ferro = 1.2×10^{-5} °C⁻¹.)



- **10.** Uma barra de ferro tem a 0 °C um comprimento igual a 100,00 cm. Sabendo que o coeficiente de dilatação linear do ferro é 1.2×10^{-5} °C⁻¹, determine, quando a barra for aquecida até 100 °C:
- a) a variação de comprimento sofrida pela barra;
- b) o comprimento final da barra
- **11.** Constrói-se uma barra com uma liga metálica de coeficiente de dilatação linear 1,5 x 10⁻⁵ °C⁻¹ e de comprimento 200,00 cm a 20 °C. Determine:
- a) a variação de comprimento sofrida pela barra;
- b) o comprimento da barra a 220 °C.
- **12.** Uma barra homogênea, ao ser aquecida de 0 °C a 150 °C, tem seu comprimento variando de 2,00 m e 2,03 m. Determine o coeficiente de dilatação linear do material que constitui a barra.



13. (Fuvest-SP) Duas barras metálicas finas, uma de zinco e outra de ferro, cujos comprimentos, a uma temperatura de 300 K, valem 5,0 m e 12,0 m, respectivamente, são sobrepostas e aparafusadas uma à outra em uma de suas extremidades, conforme ilustra a figura. As outras extremidades B e A das barras de zinco e ferro, respectivamente, permanecem livres. Os coeficientes de dilatação linear do zinco e do ferro valem $3.0 \times 10^{-5} \, \text{K}^{-1}$ e $1.0 \times 10^{-5} \, \text{K}^{-1}$, respectivamente. Desprezando as espessuras das barras, determine:



- a) a variação da distância entre as extremidades A e B quando as barras são aquecidas até 400 K;
- b) a distância até o ponto A, de um ponto C da barra de zinco cuja distância ao ponto A não varia coma temperatura.
- **14.** Uma placa apresenta inicialmente área de 1 m² a 0 °C. Ao ser aquecida até 50 °C, sua área aumenta de 0,8 cm². Determine o coeficiente de dilatação superficial e linear médio do material que constitui a placa.
- **15.** Um disco de ebonite tem orifício central de diâmetro 1 cm. Determine o aumento da área do orifício quando a temperatura do disco varia de 10 °C para 100 °C. O coeficiente de dilatação superficial médio da ebonite é, no intervalo considerado, igual a 1,6 x 10⁻⁴ °C⁻¹.
- **16.** Uma chapa de chumbo tem área de 900 cm² a 10 °C. Determine a área de sua superfície a 60 °C. O coeficiente de dilatação linear médio do chumbo entre 10 °C e 60 °C vale 27 x 10⁻⁶ °C⁻¹.
- **17.** (Fuvest-SP) Considere uma chapa de ferro, circular, com um orifício circular concêntrico. À temperatura inicial de 30 °C, o orifício tem um diâmetro de 1,0 cm. A chapa é então aquecida a 330 °C.
- a) Qual a variação do diâmetro do furo, se o coeficiente de dilatação linear do ferro é 12 x 10⁻⁶ °C⁻¹.
- b) A variação do diâmetro do furo dependo do diâmetro da chapa?
- **18.** Uma chapa de cádimo (α_{Cd} = 42 x 10⁻⁶ °C⁻¹) é retangular, de comprimentos 10,0 cm e 15,0 cm, a 30 °C. Determine a área da chapa a 80 °C.
- **19.** A área de uma chapa quadrada varia de 0,14 cm² quando submetida a uma variação de 100 °C na sua temperatura. Sendo a aresta do quadrado inicial de 10 cm, determine o coeficiente de dilatação linear (α) do material que constitui a chapa.
- **20.** (UFU-MG) Um orifício numa panela de ferro, a 0 °C, tem 5 cm 2 de área. Sendo o coeficiente de dilatação linear do ferro 1,2 x 10 6 °C $^{-1}$, calcule a área do orifício a 300 °C.
- **21.** Um paralelepípedo de alumínio (α_{Al} = 24 x 10⁻⁶ °C⁻¹) tem, a 20 °C, arestas iguais a 1,000 cm; 1,500 cm e 2,000 cm. Qual será o seu volume a 10 °C?
- **22.** Um recipiente de cobre (α_{Cu} = 17 x 10⁻⁶ °C⁻¹) tem 2000 cm³ de capacidade volumétrica a 0 °C. Calcule a variação de volume que ocorre quando é aquecido a 100 °C.
- **23.** (UFRGS) Um sólido homogêneo apresenta, a 5 °C, um volume igual a 4,00 dm³. aquecido até 505 °C, seu volume aumenta de 0,06 dm³. Qual é o coeficiente de dilatação linear desse sólido?
- **24.** (PUC-SP) Um sólido sofre um acréscimo de 1% de seu volume ao passar de 10 °C para 100 °C. Calcule o seu coeficiente de dilatação linear.



- **25.** (PUC-SP) A densidade de um sólido a 0 °C é igual a 10,1 g/cm³. Seu coeficiente de dilatação linear é 10/3 x 10⁻⁵ °C⁻¹. Admitindo que os coeficientes de dilatação linear, superficial e volumétrica permaneçam constantes, calcule a densidade do corpo na temperatura de 100 °C.
- **26.** Um paralelepípedo de chumbo tem a 0 °C o volume de 100 litros. A que temperatura ele deve ser aquecido para que seu volume aumente de 0,405 litro? O coeficiente de dilatação linear médio do chumbo é 27 x 10⁻⁶ °C⁻¹ para o intervalo considerado.
- **27.** (PUC-RS) Um paralelepípedo a 10 °C possui dimensões iguais a 10 x 20 x 30 cm, sendo constituído de um material cujo coeficiente de dilatação térmica linear é 8,0 x 10⁻⁶ °C⁻¹. qual o acréscimo de volume que ele sofre, quando sua temperatura é elevada para 110 °C?
- **28.** Um recipiente de vidro de coeficiente de dilatação linear médio 9 x 10⁻⁶ °C⁻¹ tem volume de 100 cm³ a 0 °C, estando completamente cheio com um líquido. Ao ser aquecido até 200 °C, extravasam 5 cm³ de líquido. Determine:
- a) o coeficiente de dilatação aparente do líquido
- b) o coeficiente de dilatação real do líquido
- **29.** Um recipiente de vidro está completamente cheio com 400 cm³ de mercúrio a 20°C. Aquece-se o conjunto até 35°C. Dados $\gamma_{Hg} = 0,00018$ °C⁻¹ e $\gamma_{vidro} = 0,00003$ °C⁻¹, calcular;
- a) a dilatação do recipiente
- b) a dilatação real do mercúrio
- c) o volume de mercúrio extravasado
- **30.** Um recipiente de vidro tem a 0 $^{\circ}$ C o volume interno de 800 cm 3 e está completamente cheio de um certo líquido. Aquecendo-se o recipiente a 70 $^{\circ}$ C, há um extravasamento de 8,40 cm 3 do líquido. Sendo $\gamma_{\text{vidro}} = 3 \times 10^{-5} \, ^{\circ}\text{C}^{-1}$, calcule:
- a) o coeficiente de dilatação volumétrica aparente do líquido
- b) o coeficiente de dilatação volumétrica real do líquido
- **31.** Um recipiente de vidro tem a 0 °C volume interno de 30 cm³. Calcule o volume de mercúrio a ser colocado no recipiente, a fim de que o volume da parte vazia não se altere ao variar a temperatura. Dados: coeficiente de dilatação cúbica do vidro = 24 x 10⁻⁶ °C⁻¹; coeficiente de dilatação do mercúrio = 180 x 10⁻⁶ °C⁻¹.
- **32.** Um certo frasco de vidro está completamente cheio, com 50 cm³ de mercúrio. O conjunto se encontra inicialmente a 28 °C. No caso, o coeficiente de dilatação médio do mercúrio tem um valor igual a 180×10^{-6} °C¹ e o coeficiente de dilatação linear médio do vidro vale 9×10^{-6} °C¹. Determine o volume de mercúrio extravasado quando a temperatura do conjunto se eleva para 48 °C.
- **33.** Um recipiente tem a 0 °C a capacidade (volume interno) de 1.000 cm³, seu coeficiente de dilatação cúbica é 25 x 10⁻⁶ °C⁻¹ e está completamente cheio de glicerina. Aquecendo-se o recipiente a 100 °C, há um extravasamento de 50,5 cm³ de glicerina. Determine:
- a) o coeficiente de dilatação aparente da glicerina
- b) o coeficiente de dilatação real da glicerina
- **34.** (Fatec-SP) As tampas metálicas dos recipientes de vidro são mais facilmente removidas quando o conjunto é imerso em água quente. Tal fato ocorre porque:
- a) a água quente lubrifica as superfícies em contato, reduzindo o atrito entre elas
- b) a água quente amolece o vidro, permitindo que a tampa se solte
- c) a água quente amolece o metal, permitindo que a tampa se solte
- d) o metal dilata-se mais que o vidro, quando ambos são sujeitos à mesma variação de temperatura
- e) o vidro dilata-se mais que o metal, quando ambos são sujeitos à mesma variação de temperatura



35. (Fatec-SP) Um fio de cobre de 100 m sofre aumento de temperatura de 10 °C. O coeficiente de dilatação linear do cobre é 17 x 10⁻⁶ °C⁻¹. A variação do comprimento foi de:

a) 17 mm

b) 17 cm

c) 17 m

e) 100.17 m

36. (UFPI) Uma barra metálica, de comprimento Lo a 0 °C, sofre um aumento de comprimento de 1/100 de L_O, quando aquecida a 500 °C. O coeficiente de dilatação desse metal é:

a) 2 x 10⁻⁶ °C⁻¹.

c) $4 \times 10^{-5} \, {}^{\circ}\text{C}^{-1}$. d) $5 \times 10^{-6} \, {}^{\circ}\text{C}^{-1}$.

e) 4 x 10⁻⁶ °C⁻¹.

b) 2 x 10⁻⁵ °C⁻¹.

37. (PUC-SP) Uma linha férrea da ordem de 600 km de extensão tem sua temperatura variando de - 15 °C no inverno até 35 °C no verão. A variação de comprimento que os trilhos sofrem na sua extensão é da ordem de (Dado: coeficiente de dilatação linear do material de que é feito o trilho $\alpha = 10^{-5}$ °C⁻¹):

a) 0,12 m

b) 30 m

c) 120 m

d) 300 m

e) 3.000 m

38. (FEI-SP) Na construção de uma estrada de ferro foram utilizados trilhos de 20 m de comprimento, de liga de ferro com coeficiente de dilatação linear de 12 x 10⁻⁶ °C⁻¹. Eles são assentados a 20 °C e a máxima separação admissível entre dois trilhos é 2 cm a - 30 °C. A separação máxima entre eles no instante do assentamento deve ser:

a) 8 mm

b) 12 mm

c) 10 cm

d) 15 cm

e) 18 cm

39. (Cesgranrio) Uma rampa para saltos de asa-delta é construída de acordo com o esquema ao lado. A pilastra de sustentação (II) tem, a 0 °C, comprimento três vezes maior do que a (I). Os coeficientes de dilatação de (I) e (II) são, respectivamente, α_1 e α_2 seja:

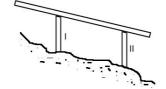
a) $\alpha_1 = \alpha_2$.

b) $\alpha_1 = 2\alpha_2$.

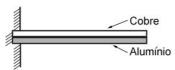
c) $\alpha_1 = 3\alpha_2$.

d) $\alpha_2 = 3\alpha_1$.

e) $\alpha_2 = 2\alpha_1$.



40. (Vunesp) A lâmina bimetálica da figura abaixo é feita de cobre ($\alpha = 1.4 \times 10^{-5} \text{ °C}^{-1}$) e do alumínio ($\alpha = 1.4 \times 10^{-5} \text{ °C}^{-1}$) 2.4 x 10⁻⁵ °C⁻¹). Uma das partes não pode deslizar sobre a outra e o sistema está engastado numa parede.



Se na temperatura ambiente (27 °C) ela é horizontal, a afirmativa correta sobre o comportamento da lâmina (α é o coeficiente de dilatação linear) é:

- a) sempre se curva para baixo quando muda a temperatura
- b) sempre se curva para cima quando muda a temperatura
- c) se curva para baixo s t > 27 °C e para cima se t < 27 °C
- d) se curva para cima se t > 27 °C e para baixo se t < 27 °C
- e) somente se curva se t 27 °C

41. (F.M.Pouso Alegre-MG) Uma lâmina bimetálica é feita soldando-se uma lâmina de cobre de coeficiente de dilatação linear $\alpha_1 = 17 \times 10^{-6} \, {}^{\circ}\text{C}^{-1}$ e uma lâmina de constantana cujo coeficiente de dilatação linear é α_2 = 25 x 10⁻⁶ °C⁻¹. Na temperatura ambiente (25 °C), a lâmina está reta e é colocada na horizontal, como mostra a figura. Podemos afirmar:

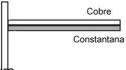
a) a 60 °C a lâmina se curvará para cima

b) a 60 °C a lâmina se curvará para baixo

c) a 60 °C a lâmina permanecerá reta

d) ela se curvará para cima a qualquer temperatura

e) ela se curvará para baixo a qualquer temperatura





42. (UECE) O coeficiente de dilatação superficial do ferro é 2.4 x 10⁻⁵ °C⁻¹. O valor do coeficiente de dilatação cúbica é:

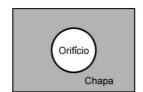
a) 1.2 x 10⁻⁵ °C⁻¹

- c) 4,8 x 10⁻⁵ °C⁻¹. d) 4,8 x 10⁻⁵ °C⁻¹.
- e) 7,2 x 10⁻⁵ °C⁻¹.

b) 3.6 x 10⁻⁵ °C⁻¹.

43. (Unip-SP) Considere uma chapa metálica, de material homogêneo, com a forma de um quadrado e tendo um orifício circular. Se a chapa for aquecida de modo uniforme e o seu lado aumentar de 1%, então a área do orifício:

- a) aumentará 1%
- b) diminuirá de 1%
- c) aumentará de 2%
- d) diminuirá de 2%
- e) permanecerá a mesma



44. (UFMG) O coeficiente de dilatação linear do latão é aproximadamente 1,6 vezes o coeficiente de dilatação linear do aço. Para encaixar-se um pino de latão em um orifício numa chapa de aço, cujo diâmetro é ligeiramente menor do que o diâmetro do pino, deve-se:

- a) aquecer o pino de latão e resfriar a chapa de aço
- b) aquecer a chapa de aco e resfriar o pino de latão
- c) aquecer igualmente a chapa e o pino
- d) manter a temperatura da chapa e aquecer o pino
- e) resfriar a chapa e manter a temperatura do pino

45. (U.Mackenzie-SP) Uma chapa plana de uma liga metálica de coeficiente de dilatação linear 2 x 10⁻⁵ °C⁻¹ tem área A_O à temperatura de 20 °C. Para que a área dessa placa aumente 1%, devemos elevar sua temperatura para:

- a) 520 °C
- b) 470 °C
- c) 320 °C
- d) 270 °C
- e) 170 °C

46. (UFRO) Os corpos ocos homogêneos:

- a) dilatam-se menos que os macicos de mesmo volume
- b) dilatam-se mais que os macicos de mesmo volume
- c) não se dilatam
- d) dilatam-se de modo que o coeficiente de dilatação em cada direção é proporcional à extensão vazia
- e) dilatam-se como se fossem maciços

47. (PUC-RS) Quando um frasco completamente cheio de líquido é aquecido, ele transborda um pouco. O volume do líquido transbordado mede:

- a) a dilatação absoluta do líquido
- b) a dilatação absoluta do frasco
- c) a dilatação aparente do frasco
- d) a dilatação aparente do líquido
- e) a dilatação do frasco mais a do líquido

48. (F. Carlos Chagas-SP) Um frasco, cuja capacidade a zero grau Celsius é 2.0000 cm3, está cheio até a boca com determinado líquido. O conjunto foi aquecido de 0 °C a 100 °C, transbordando 14 cm³. O coeficiente de dilatação aparente desse líquido, em relação ao material do frasco, é igual a:

a)
$$7 \times 10^{-6} \, {}^{\circ}\text{C}^{-1}$$
.

49. (UF-RS) A expressão "dilatação anômala da água" refere-se ao fato de uma determinada massa de água, a pressão constante:

a) possuir volume máximo a 4ºC





- b) aumentar sua massa específica quando sua temperatura aumenta de 0°C para 4°C c) aumentar de volume quando sua temperatura aumenta de 0°C para 4°C d) reduzir de volume quando sua temperatura aumenta a partir de 4°C

- e) possuir uma massa específica constante acima de 4 °C
- **50.** (PUC-RS) Um recipiente contém certa massa de água na temperatura inicial de 2 ^oC e na pressão normal, quando é aquecido, sofre uma variação de temperatura de 3 ^oC. Pode-se afirmar que, nesse caso, o volume de água:
- a) diminui e após aumenta
- b) aumenta e após diminui
- c) diminui
- d) aumenta
- e) permanece constante